

**Е.П. ДАВЛЕТЯРОВА
А.В. ШУТОВ
Ю.А. МЕДВЕДЕВ**

**ИЗДАТЕЛЬСКАЯ
СИСТЕМА L_AT_EX**

**Владимир
2009**

Министерство образования и науки РФ
Федеральное государственное бюджетное
образовательное учреждение
высшего профессионального образования
Владимирский государственный
гуманитарный университет

Е.П. ДАВЛЕТЯРОВА, А.В. ШУТОВ,
Ю.А. МЕДВЕДЕВ

**ИЗДАТЕЛЬСКАЯ
СИСТЕМА L_AT_EX**

**Методические указания к
выполнению практикума по курсу
«Информационные технологии в
математике»**

Владимир

2009

УДК 519.92
ББК 22.18 р30

Давлетярова Е.П., Шутов А.В., Медведев Ю.А. Издательская система **LaTeX**. Методические указания к выполнению практикума по курсу «Информационные технологии в математике». – Владимир: ВГГУ, 2009. – 44 с.

Пособие содержит практические задания, а также теоретический материал, необходимый для их выполнения. Методические указания предназначены для проведения практических занятий по дисциплине «Информационные технологии в математике» со студентами, обучающимися в вузах по физико-математическим специальностям, а также могут быть использованы математиками, физиками и людьми других специальностей, столкнувшимися с необходимостью набора текстов, содержащих большое количество математических формул.

Ответственный за выпуск:

кандидат физико-математических наук, доцент **С.Б. Наумова**

Рецензенты:

доктор физико-математических наук, профессор ВГГУ **В.Г. Журавлев**,

доктор технических наук, профессор ВлГУ **М.Ю. Монахов**

Печатается по решению редакционно-издательского совета ВГГУ

© Владимирский государственный гуманитарный университет, 2009

© Давлетярова Е.П., Шутов А.В., Медведев Ю.А., 2009

ВВЕДЕНИЕ

В настоящее время наиболее распространенным текстовым редактором является Microsoft Word. Однако этот редактор не предназначен для набора больших математических текстов. Набор формул средствами Word в принципе возможен, но связан с рядом проблем: невысокая скорость набора, неудачное форматирование, большой размер получаемого файла. Поэтому для набора математических текстов фактическим стандартом стала другая программа, позволяющая при печати получать текст типографского качества, включая в него сколь угодно сложные математические формулы. Эта программа называется **T_EX**. Она была создана в 1977 году американским математиком и программистом Дональдом Кнутом. На базе **T_EX**'а было создано много издательских систем, наиболее популярной из которых является система **L^AT_EX**, созданная Лесли Лэмпортом.

Данное пособие посвящено одной из последних версий **L^AT_EX**'а, называемой **L^AT_EX 2_ε** и описывает лишь основные приемы использования данной издательской системы, связанные с подготовкой математических статей. Оно может быть использовано при проведении лабораторных занятий по дисциплине "Информационные технологии в математике", а также для самостоятельного изучения **L^AT_EX 2_ε**.

НАБОР ТЕКСТА В L^AT_EX 2_ε

1. Исходный файл и этапы его преобразования.

Исходный файл для системы L^AT_EX представляет собой собственно текст документа вместе со спецсимволами и командами, с помощью которых системе передаются указания касательно размещения текста. Этот файл можно создать любым текстовым редактором, но при этом необходимо, чтобы в итоге получился так называемый "чистый" текстовый файл (ASCII-файл, т.е. текст не должен содержать шрифтовых выделений, разбивки на страницы и т.п.) расширение у которого .tex.

Исходный текст документа не должен содержать переносов (L^AT_EX, в случае необходимости, их сделает сам). Слова отделяются друг от друга пробелами, при этом L^AT_EX не различает, сколько именно пробелов вы оставили между словами. Конец строки также воспринимается как пробел. Отдельные абзацы должны быть отделены друг от друга пустыми строками.

В результате обработки файла с расширением .tex L^AT_EX'ом будет построен файл с расширением .dvi, содержащий сформированный выходной документ в виде, независящем от типа устройства вывода, который можно с помощью программ, называемых dvi-драйверами, распечатать на принтере, просмотреть на экране (он будет иметь такой же вид, как и при печати) и т.д. Кроме файла с расширением .dvi в результате трансляции будет сформирован и, так называемый, протокол работы, обычно имеющий расширение .log и содержащий сведения об ошибках, находящихся в исходном файле.

Кроме создания файла с расширением .dvi после компиляции возможно создание файла формата PDF.

Откомпилированный документ можно напечатать на принтере или просмотреть на экране монитора. Печать и вывод на экран дисплея документов DVI осуществляют специальные программы – DVI-обозреватели.

В комплект программ MiK_TeX входит DVI-обозреватель YAP.

Печать и вывод на экран дисплея документов PDF выполняется программой Adobe Reader, бесплатно распространяемой фирмой Adobe.

Вследствие доступности программы Adobe Reader, документ PDF легко переносить с одного компьютера на другой и даже экспонировать на Web-сайтах, поскольку Adobe Reader легко встраивается в Web-браузеры.

С форматами DVI и PDF тесно связан также формат PS (PostScript). Возможно преобразование файла .dvi в .ps при помощи утилиты dvips. Также PostScript-файл можно преобразовать в .pdf при помощи программ Ghostscript или Adobe Distiller. Для просмотра .ps файлов используется программа Ghostscript.

В комплект программ MiKTeX входит также редактор WinEdit, который можно использовать для визуализации tex-файлов и преобразования их в другие форматы.

2. Спецсимволы.

Большинство символов в исходном тексте прямо обозначает то, что будет напечатано. Следующие 10 символов: { } \$ & # % _ ^ ~ \ имеют особый статус; если вы употребите их тексте "просто так", то скорее всего получите сообщение об ошибке. Печатное изображение знаков, соответствующих первым семи из них, можно получить, если в исходном тексте поставить перед соответствующим символом без пробела знак \.

Если символ % употребить в тексте не в составе комбинации \%, то он является "символом комментария": все символы, расположенные на строке после него, L^AT_EX игнорирует (в том числе и сам %).

Знак ~ обозначает "неразрывный пробел" между словами. Это нужно для того, чтобы два соседние слова не попали на разные строки.

О назначении других спецсимволов речь пойдет ниже.

3. Команды и их задание в тексте.

С точки зрения их записи в исходном тексте команды делят на два типа. Первый тип – команды, состоящие из знака \ и одного символа после него, не являющегося буквой (например, \% , \\$ и т.д.).

Команды второго типа состоят из \ и последовательности букв, называемой именем команды (имя может состоять и из одной буквы). В имени команды, а также между \ и именем не должно быть пробелов; имя команды нельзя разрывать при переносе на другую строку. Кроме этого необходимо учитывать, что в имени команд прописные и строчные буквы различаются. Например, \large, \Large и \LARGE – это три разные команды.

После команды первого типа пробел в исходном тексте ставится или не ставится в зависимости от того, что вы хотите получить на печати. После команды второго типа в исходном тексте обязательно должен стоять либо пробел, либо символ, не являющийся буквой (это необходимо, чтобы T_EX смог определить, где кончается имя команды и начинается дальнейший текст). С другой стороны, если после команды второго типа в исходном тексте следуют пробелы, то при трансляции они игнорируются.

4. Структура исходного документа.

L^AT_EX-файл начинается с преамбулы. Далее должна идти команда \begin{document}. Только после этой команды может идти собственно текст.

Заканчиваться файл должен командой \end{document}.

Пreamble – это набор команд, относящихся ко всему документу и устанавливающих различные параметры оформления текста. Первая команда preamble определяет тип создаваемого документа:

`\documentclass [опции] {класс}`

Здесь {класс} определяет тип создаваемого документа и является обязательным параметром. Существуют 3 основных класса документов:

article (статья) – стиль научных статей, отчетов, коротких документов. Этот стиль не содержит разделение на главы. Титульный лист, полученный командой `\maketitle`, помещается не на отдельном листе, а вверху первой страницы.

report (доклад) – стиль, предназначенный для более длинных технических документов (дипломных работ, диссертаций и т. д.). Этот стиль отличается от предыдущего тем, что содержит разделение на главы, и титульный лист занимает отдельную страницу.

book (книга) – основной стиль для издания книг. Границы формируются исходя из того, что в окончательном варианте текст будет печататься на обеих сторонах листа.

Параметр [опции] является необязательным и изменяет поведение класса документов. Опции должны разделяться запятыми. Самыми употребляемыми опциями стандартных классов документов являются следующие:

10pt, 11pt, 12pt – устанавливает размер основного шрифта документа. По умолчанию устанавливается размер – 10pt.

a4paper, a5paper, b5paper, letterpaper, legalpaper, executivepaper – определяет формат используемой бумаги, в соответствии с которым TeX расчитывает наиболее приемлемые размеры текста и полей. По умолчанию устанавливается формат – letterpaper.

fleqn – выключные формулы будут выровнены влево, а не отцентрированы.

leqno – формулы нумеруются слева, а не справа.

titlepage, notitlepage – указывает на то, должна ли начинаться новая страница после заголовка документа или нет. По умолчанию класс *article* не начинает новую страницу, а *book* и *report* – начинают.

После `\documentclass` может идти одна или несколько команд `\usepackage`. Аргумент этой команды – это список, через запятую, стилевых пакетов, подключаемых к документу и расширяющих базовые возможности L^AT_EX'a. При этом некоторые пакеты допускают задание своих личных стилевых опций. Например, для того, чтобы иметь возможность набора русских текстов необходимо подключить пакет `babel` и указать, что будет использоваться русский язык:

`\usepackage [russian] {babel}`

\LaTeX поддерживает 3 предопределенных комбинации верхнего и нижнего колонтитула – так называемые стили страницы:

plain – номера страниц ставятся внизу в середине строки, колонтитулов нет. Данный стиль установлен по умолчанию для класса *article*.

headings – печатает название текущей главы и номер страницы в верхнем колонтитуле каждой страницы, а нижний колонтитул остается пустым. Данный стиль установлен по умолчанию для классов *report* и *book*.

empty – нет ни колонтитулов, ни номеров страниц.

Какой из стилей будет использован определяется командой `\pagestyle{стиль}`

\LaTeX сам устанавливает значение таких параметров, как ширина и высота страницы, размеры полей и т.д., но при желании пользователь может изменить их при помощи, например, следующих команд:

`\textwidth` – ширины текста.

`\oddsidemargin` – величина левого поля (может быть как положительной, так и отрицательной). При этом поле отсчитывается не от самого края листа: предварительно делается отступ в один дюйм.

`\textheight` – высота текста.

`\topmargin` – величина верхнего поля или расстояние до колонтитула (может быть как положительной, так и отрицательной). При этом поле отсчитывается не от самого края листа: предварительно делается отступ в один дюйм.

В преамбуле можно также задавать макроопределения. Они используются для сокращения часто используемых длинных команд и последовательностей команд $\text{\LaTeX}'$ а и повышают удобство работы и скорость набора текста. Для создания макроопределений используется команда `\newcommand`.

Синтаксис данной команды имеет вид: `\newcommand {имя новой команды} [число аргументов] {определение макрокоманды}`. Имя новой команды должно начинаться с `\` и состоять из последовательности латинских букв, которая не является именем ранее определенной команды. Если какая-то команда была определена ранее, то ее можно переопределить с помощью `\renewcommand`. Количество аргументов у вновь определенной команды не может превышать 9 и по умолчанию равно 0. Определение макрокоманды – это текст, который подставляется вместо каждого появления новой команды во входном файле. Если в определении макрокоманды встречается параметр вида `#n`, то вместо него подставляется n-ый аргумент макрокоманды.

Приведем пример преамбулы:

```
\documentclass[12pt,a5paper]{book} % класс документа book,  
размер шрифта 12pt, размер бумаги a5
```

```
\usepackage[russian]{babel} % подключение кириллицы
\textwidth=11.5cm % ширина страницы 11.5 см
\textheight=165mm % высота страницы 165 мм
\topmargin=7mm % верхнее поле 7 мм
\newcommand{\be}{\begin{equation}} % в дальнейшем вместо команды \begin{equation} можно писать только \be
\newcommand{\s}[2]{\sum_{#1}^{#2}} % в дальнейшем, например, вместо команды \sum_{i=1}^{2k-1} можно писать \s{i=1}{2k-1}
```

5. Группы.

Для ограничения группы внутри файла служат фигурные скобки. Как правило, задаваемые командами L^AT_EX'а изменения различных параметров действуют в пределах той группы, внутри которой была дана соответствующая команда; по окончании группы (после закрывающей фигурной скобки, соответствующей той фигурной скобке, что открывала группу) все эти изменения забываются и восстанавливается тот режим, который был до начала группы. При этом группы могут быть вложенными друг в друга.

Фигурные скобки в исходном тексте должны быть сбалансированы (это не относится к скобкам, входящим в состав команд `\{` и `\}`): каждой открывающей скобке должна соответствовать закрывающая. Если это условие нарушено, при трансляции вы получите сообщение об ошибке.

6. Центрирование.

Для того, чтобы центрировать текст (например, заголовок) нужно до центрируемого текста написать команду `\begin{center}`, а после его окончания – `\end{center}`.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|---|---|
| <pre>\begin{center} Все строки этого абзаца будут центрированы; переносов слов не будет, если только такое слово, как дезоксирибонуклеиновая кислота, не длинней строки. \end{center}</pre> | <p>Все строки этого абзаца будут центрированы; переносов слов не будет, если только такое слово, как дезоксирибонуклеиновая кислота, не длинней строки.</p> |

7. Шрифты.

Переход с одного шрифта на другой осуществляется с помощью следующих команд:

| Команда | Название и вид шрифта |
|---------|--|
| \bf | полужирный шрифт (boldface) |
| \it | курсив (<i>italic</i>) |
| \sl | наклонный шрифт (<i>slanted</i>) |
| \sf | рубленый шрифт (<i>sans serif</i>) |
| \sc | КАПИТЕЛЬ (SMALL CAPS) |
| \tt | имитация пишущей машинки (<i>typewriter</i>) |
| \rm | прямой светлый шрифт (<i>roman</i>) |

| Команда | Название размера |
|---------------|-------------------------------|
| \tiny | Малюсенький |
| \scriptsize | Очень маленький (как индексы) |
| \footnotesize | Маленький (как сноски) |
| \small | Мелкий |
| \normalsize | Нормальный |
| \large | Большой |
| \Large | Очень большой |
| \LARGE | Совсем большой |
| \huge | Громадный |
| \Huge | Грандиозный |

Есть два пути изменения шрифта внутри текста:

1. Объединить текст, подлежащий выделению, в группу и задать изменение шрифта внутри этой группы. В этом случае текст, идущий после закрывающей фигурной скобки, будет напечатан также, как и текст, идущий до открывающей.

2. Можно просто поставить команду, изменяющую первоначальный шрифт. В этом случае переход к исходному (или другому) шрифту осуществляется с помощью соответствующей команды, задающей его.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|---|--|
| Можно {\it выделить} несколько слов в тексте. \bf В этом тексте тоже можно \Large \sl кое- что \normalsize \rm выделить. | Можно выделить несколько слов в тексте. В этом тексте тоже можно КОЕ-ЧТО выделить. |

8. Форматирование абзацев.

Некоторые команды форматирования отдельных абзацев:

\newpage – начинает новую страницу.

\linebreak – обрывает строку, при этом оборванная строка будет выровнена по ширине текста.

\- – обозначение возможного места расщепления слова для переноса с одной строки на другую.

\noindent – подавляет абзацный отступ, действует только на тот абзац, который с ней начинается.

\nopagebreak – запрещает разрыв страницы в указанном месте.

\smallskip, \medskip, \bigskip – задают различные промежутки между данными абзацами.

\~{} – порождает пробел, на котором запрещено разрывать строку.

9. Создание таблиц.

В L^AT_EX'е существует два способа создания таблиц: с помощью окружений tabbing и tabular. Их основные различия заключаются в следующем:

- С помощью окружения tabbing материал можно набрать только в виде отдельного абзаца, тогда как окружение tabular может быть помещено в любом месте текста, а также и в материале математического характера.

- Окружение tabbing может быть разделено между несколькими страницами, в то время как окружение tabular в его стандартном варианте на это не рассчитано.

- При работе с окружением tabbing пользователь должен задавать все позиции табуляции в явном виде. Окружение tabular в L^AT_EX'е может определять ширину колонок автоматически.

- Окружения tabbing не могут быть вложенными, в отличие от окружения tabular, вследствие чего с помощью tabular можно реализовывать таблицы сложной структуры.

Создание таблицы с помощью окружения tabbing начинается с команды \begin{tabbing} и заканчивается командой \end{tabbing}. Окружение tabbing разбивает текст на строки с выравниванием текста в колонках. Границами колонок служат точки табуляции. Табулятор установлен, если ему приписано расстояние от предыдущего табулятора. Самый левый (нулевой) табулятор всегда установлен там, где к началу процедуры tabbing находилась левая граница колонки текста. Точки табуляции устанавливаются командой \=, а команда \> передвигает текст к следующему (заранее установленному командой \= положению табулятора). Строки разделяются командой \\. Для установления дополнительного пробела можно использовать команду \hspace{длина}\=

Пример:

Набрано

```
\begin{tabbing}
Название
\hspace{15mm}\=
Автор\\ Ревизор
\> Гоголь Н.В.\\
Евгений Онегин
\> Пушкин А.С.\\
Облако в штанах
\> Маяковский В.Б.
\end{tabbing}
```

Получилось

| Название | Автор |
|-----------------|-----------------|
| Ревизор | Гоголь Н.В. |
| Евгений Онегин | Пушкин А.С. |
| Облако в штанах | Маяковский В.Б. |

Создание таблицы с помощью окружения `tabular` начинается с команды `\begin{tabular}` и заканчивается командой `\end{tabular}`. Окружение `tabular` имеет аргументы `l`, `c`, `r`, и `|`. Аргументы `l`, `c` и `r` служат для указания способа выравнивания в колонках (по левому краю, центру и правому краю соответственно) и указываются для каждой колонки, ширина колонок при этом выравнивается автоматически. Символ `|` показывает, что между колонками нужно провести вертикальную черту на всю высоту таблицы. Для проведения в таблице горизонтальной черты используется команда `\hline`. Ячейки таблицы разделяются по вертикали командой `&`. Переход на следующую строку осуществляется по команде `\backslash`.

Пример:

Набрано

```
\begin{tabular}{|l|c|r|}
\hline
Фамилия & Имя
& Должность
\hline \hline
Романов & Петр &
император \hline
Кутузов & Михаил
& генерал \hline
\end{tabular}
```

Получилось

| Фамилия | Имя | Должность |
|---------|--------|-----------|
| Романов | Петр | император |
| Кутузов | Михаил | генерал |

Аргументом окружения `tabular` может также выступать команда `{р ширина}`, которая указывается для каждого столбца таблицы. При ее использовании способ выравнивания текста в столбце не указывается. Выравнивание осуществляется по левому краю.

Пример:

Набрано

```
\begin{tabular}
{|p{2cm} |p{2cm} ||
p{2.5cm}|} \hline
Фамилия & Имя
& Должность
\\ \hline
Романов & Петр
& император
\\ \hline
Кутузов & Михаил
& генерал \\ \hline
\end{tabular}
```

Получилось

| Фамилия | Имя | Должность |
|---------|--------|-----------|
| Романов | Петр | император |
| Кутузов | Михаил | генерал |

10. Работа с графикой.

\LaTeX предоставляет две возможности работы с графикой: вставка уже существующего рисунка и создание рисунка средствами псевдографики, существующими непосредственно в \LaTeX 'е.

Для создания рисунка средствами псевдографики в \LaTeX используется окружение `picture`:

```
\begin{picture}(длина рисунка, ширина рисунка)
команды псевдографики
\end{picture}
```

При создании рисунка средствами псевдографики используется векторная графика, начало координат при этом помещается в нижний левый угол.

Перечислим некоторые команды псевдографики.

| Команда | Назначение |
|---|---|
| <code>\put(x,y){графический объект}</code> | Устанавливает начальную точку графического объекта. |
| <code>\line(x_s,y_s){dx}</code> | Рисует линию из установленной начальной точки. Отношение y_s/x_s задает тангенс угла наклона между линией и осью абсцисс, при этом x_s, y_s – взаимно простые целые числа, лежащие в диапазоне от -6 до 6. Параметр dx задает длину проекции линии на ось абсцисс, за исключением случая, когда прямая параллельна оси ординат. В этом случае данный параметр задает длину проекции линии на ось ординат. |

```
\vector( $x_s, y_s$ ) $\{dx\}$ 
```

Рисует стрелку. Параметры данной команды аналогичны параметрам команды `\line`, за исключением того, что x_s, y_s лежат в диапазоне от -4 до 4.

```
\circle{диаметр}
```

Рисует окружность указанного диаметра с центром в установленной точке.

```
\circle*{диаметр}
```

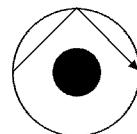
Рисует круг указанного диаметра с центром в установленной точке.

Пример:

Набрано

Получилось

```
\begin{picture}(50,50)
\put(0,20){\line(1,1){20}}
\put(20,40){\vector(1,-1){20}}
\put(20,20){\circle{40}}
\put(20,20){\circle*{20}}
\end{picture}
```



Для вставки в документ ранее нарисованного рисунка в преамбуле исходного файла необходимо подключить графический пакет `graphicx` с помощью команды `\usepackage{graphicx}`. Непосредственно вставка рисунка осуществляется с помощью команды

```
\includegraphics[width=ширина, height=высота]{имя файла}
```

Например, команда

```
\includegraphics[width=10cm, height=7cm]{fr22.bmp}
```

вставляет рисунок, находящийся в файле `fr22.bmp` текущего каталога и имеющий указанные размеры.

11. Разделы документа.

Стандартные классы поддерживают следующие команды разбиения документа на разделы:

```
\part{название} – часть;
```

```
\chapter{название} – глава (не используется в классе article);
```

```
\section{название} – параграф;
```

```
\paragraph{название} – пункт параграфа.
```

Оформление разделов и способ их нумерации зависят от класса документа и могут быть переопределены пользователем.

Кроме вышеперечисленных разделов возможно создание автоматического оглавления и библиографии.

Формирование оглавления осуществляется с помощью команды `\tableofcontents`. При этом в оглавление включаются все вышеперечисленные разделы документа.

Создание библиографии осуществляется с помощью окружения `thebibliography`. Обязательным параметром данной команды является последовательность символов, количество которых равно количеству разрядов в наибольшем номере библиографии. Каждая запись в теле процедуры `thebibliography` начинается с команды `\bibitem{ссылка}`. По умолчанию литература в библиографии нумеруется. Для ссылки на литературу в тексте документа используется команда `\cite{ссылка}`.

Пример:

Набрано

```
В книге \cite{Могилев1}
рассматривается ...
...
\begin{thebibliography}{0}
\bibitem{Захарова} Захарова
И.Г. Информационные
технологии в образовании.
- М.: Академия, 2003.
\bibitem{Могилев1} Могилев
А.В., Пак Н.И., Хеннер Е.К.
Информатика. - М.: Академия,
2003.
\bibitem{Могилев2} Могилев
А.В., Пак Н.И., Хеннер Е.К.
Практикум по информатике. -
М.: Академия, 2002.
\end{thebibliography}
```

Получилось

В книге [2] рассматривается ...
...

Литература

- | | | |
|-----|-----------------|-----------|
| [1] | Захарова | И.Г. |
| | Информационные | |
| | технологии | в |
| | образовании. | - М.: |
| | Академия, 2003. | |
| [2] | Могилев | А.В., Пак |
| | Н.И., Хеннер | Е.К. |
| | Информатика. | - М.: |
| | Академия, 2003. | |
| [3] | Могилев | А.В., Пак |
| | Н.И., Хеннер | Е.К. |
| | Практикум | по |
| | информатике. | - М.: |
| | Академия, 2002. | |

12. Теоремы и теоремоподобные структуры.

При наборе математического текста такие его элементы, как теоремы, леммы, определения и т.д. требуют особого форматирования, для задания которого необходимо многократное использование длинного набора ТЕХ-овских команд. Для упрощения этого процесса используется команда `\newtheorem`, записываемая в преамбуле документа. Существует два варианта этой команды

`\newtheorem{имя}{заголовок}[счетчик]`

`\newtheorem{имя}[предок]{заголовок}`

Здесь имя – название окружения, которое будет использоваться для

оформления теоремы, леммы, предложения и т.д.; заголовок – слова "Теорема", "Лемма", "Определение" и т.д.; счетчик – указание на раздел документа в рамках которого осуществляется нумерация теорем, лемм и т.д.; предок – имя окружения, используемого для оформления лемм, теорем и т.д., для которого вместе с описываемым окружением используется единая нумерация.

Например, пусть было набрано:

```
\newtheorem{teo}{Теорема}
\newtheorem{lemma}[teo]{Лемма}
\newtheorem{predl}{Предложение} [section]
```

...

```
\begin{teo}
```

Проекция суммы нескольких векторов на данную ось равна сумме их проекций на эту ось.

```
\end{teo}
```

```
\begin{lemma}
```

Проекции равных векторов на одну и ту же ось равны между собой.

```
\end{lemma}
```

```
\begin{predl}
```

Проекция замкнутой векторной линии на любую ось равна нулю.

```
\end{predl}
```

В результате получится:

Теорема 1. *Проекция суммы нескольких векторов на данную ось равна сумме их проекций на эту ось.*

Лемма 2. *Проекции равных векторов на одну и ту же ось равны между собой.*

Предложение 1.1 *Проекция замкнутой векторной линии на любую ось равна нулю.*

НАБОР ФОРМУЛ В L^AT_EX 2_ε

В документе, подготовленном с помощью L^AT_EX'а, различают математические формулы внутри текста и "выключные" (выделенные в отдельную строку). Формулы внутри текста окружаются знаками \$ (с обеих сторон). Выключные формулы окружаются парами знаков доллара \$\$ и \$\$ с обеих сторон. Формулами считаются как целые формулы, так и отдельные цифры и буквы, в том числе греческие, а также верхние и нижние индексы и спецзнаки. Пробелы внутри исходного текста, задающего формулу, игнорируются; пустые строки не разрешаются. L^AT_EX расставляет пробелы в математических формулах автоматически. Если надо оставить пробел перед или после внутритестовой формулы, надо оставить его перед или после ограничивающего ее знака доллара. То же самое относится и к знакам препинания, следующим за внутритестовой формулой: их также надо ставить после закрывающего формулу знака доллара. Каждая буква в формуле рассматривается как имя переменной и набирается шрифтом "математический курсив".

1. Степени и индексы.

Степени и индексы обозначаются с помощью знаков ^ и _.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|--|--|
| Из теоремы Ферма следует, что уравнение \$\$ x^{1993}_1 + x_2^{1993} = x_3^{1993}, \$\$ где \$x_1\$, \$x_2\$, \$x_3\$ -- натуральные числа, не имеет решений. | Из теоремы Ферма следует, что уравнение $x_1^{1993} + x_2^{1993} = x_3^{1993}$, где x_1, x_2, x_3 -- натуральные числа, не имеет решений. |

2. Дроби.

Дроби, обозначаемые косой чертой, набираются непосредственно.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|--|---|
| Неравенство \$x+1/x>0\$ выполнено для всех \$x>0\$. | Неравенство $x + 1/x > 0$ выполнено для всех $x > 0$. |

Дроби, в которых числитель расположен над знаменателем, набираются с помощью команды `\frac`. Для того, чтобы разделить числитель и знаменатель, их записывают в фигурных скобках.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|--|--|
| $\frac{(a+b)^2}{4} + \frac{(a-b)^2}{4} = ab$ | $\frac{(a+b)^2}{4} + \frac{(a-b)^2}{4} = ab$ |

В некоторых случаях приходится набирать многоэтажные дроби или включать дроби во внутритечевые формулы. Для того, чтобы вид у этих дробей был таким же как в выключочных формулах используется команда `\displaystyle`.

3. Скобки и ограничители.

Круглые и квадратные скобки набираются как обычно, для фигурных скобок используются команды `\}` и `\{`, для других скобок и ограничителей также есть специальные команды.

Команда `\left` перед открывающейся скобкой (или перед ограничителем) в совокупности с командой `\right` перед соответствующей ей закрывающейся скобкой (или ограничителем) позволяет автоматически выбрать нужный размер скобки.

Перечислим скобки и некоторые другие символы (ограничители), которые с помощью `\left` и `\right` автоматически принимают нужный размер.

| | | | |
|---------|---------|------------|------------|
| (| (|) |) |
| [| [|] |] |
| { | \{ | } | \} |
| \lfloor | \lfloor | \rfloor | \rfloor |
| \lceil | \lceil | \rceil | \rceil |
| \langle | \langle | \rangle | \rangle |
| | | | \ |
| / | / | \backslash | \backslash |

Вместе с каждой командой `\left` в формуле должна присутствовать соответствующая ей команда `\right`, в противном случае L^AT_EX выдаст сообщение об ошибке.

Иногда необходимо в текст внести непарный ограничитель, например, дробную черту. В этом случае при наборе вместо второго ограничителя необходимо поставить `\left.` (или `\right.`). Тогда этот второй ограничитель на печать выводиться не будет.

В приведенном ниже примере после знака равенства по правилам L^AT_EX'а необходимо поставить косую черту, которая в тексте не нужна. Поэтому вместо нее мы пишем команду \left с точкой.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|---|--|
| <pre>\$\$ M=\left.\left.\left(\int \limits_a^b f(x)dx\right)\right/(b-a) \right.\$\$ </pre> | $M = \left(\int_a^b f(x)dx \right) / (b - a)$ |

Размер ограничителя можно указать неявно. Для этого предусмотрены L^AT_EX'овские команды \bigl, \Bigl, \biggl, \Biggl для левых ограничителей и \bigr, \Bigr, \biggr, \Biggr – для правых. Мы перечислили эти команды в порядке возрастания размера создаваемого ими ограничителя. Данные команды, в отличие от команд \left, \right не являются парными, т.е. можно написать \bigl(и не писать \bigr).

Пример:

| Набрано | Получилось |
|--|-------------------------------------|
| <pre>\$\$ \Bigl(\sum_{k=1}^n x^k \Bigr)^2 \$\$ </pre> | $\left(\sum_{k=1}^n x^k \right)^2$ |

4. Греческие буквы.

Прописные греческие буквы

| | | | |
|---|--------|---|----------|
| Г | \Gamma | Δ | \Delta |
| Θ | \Theta | Λ | \Lambda |
| Ξ | \Xi | Π | \Pi |
| Σ | \Sigma | Υ | \Upsilon |
| Φ | \Phi | Ψ | \Psi |
| Ω | \Omega | | |

Строчные греческие буквы

| | | | |
|---|----------|---|-------------|
| α | \alpha | β | \beta |
| γ | \gamma | δ | \delta |
| ε | \epsilon | ε | \varepsilon |
| ζ | \zeta | η | \eta |
| θ | \theta | ϑ | \vartheta |
| ι | \iota | κ | \kappa |

| | | | |
|-----------|---------|-------------|-----------|
| λ | \lambda | μ | \mu |
| ν | \nu | ξ | \xi |
| π | \pi | ϖ | \varpi |
| ρ | \rho | ϱ | \varrho |
| σ | \sigma | ς | \varsigma |
| τ | \tau | υ | \upsilon |
| ϕ | \phi | φ | \varphi |
| χ | \chi | ψ | \psi |
| ω | \omega | | |

Буквы, не указанные выше, имеют такое же начертание, как латинские и поэтому для них специальных команд нет.

5. Символы бинарных операций.

| | | | |
|------------------|----------------|--------------------|------------------|
| + | + | - | - |
| * | * | \pm | \pm |
| \mp | \mp | \times | \times |
| \div | \div | \setminus | \setminus |
| . | \cdot | \circ | \circ |
| • | \bullet | \cap | \cap |
| \cup | \cup | \uplus | \uplus |
| \sqcap | \sqcap | \sqcup | \sqcup |
| \vee | \vee | \wedge | \wedge |
| \oplus | \oplus | \ominus | \ominus |
| \otimes | \otimes | \odot | \odot |
| \oslash | \oslash | \triangleleft | \triangleleft |
| \triangleright | \triangleright | \amalg | \amalg |
| \diamond | \diamond | \wr | \wr |
| \star | \star | \dagger | \dagger |
| \ddagger | \ddagger | \bigtriangleup | \bigtriangleup |
| \bigcirc | \bigcirc | \bigtriangledown | \bigtriangledown |

6. Символы бинарных отношений.

| | | | |
|----------|--------|-------------|-----------|
| < | < | > | > |
| = | = | : | : |
| \leq | \leq | \geq | \geq |
| \neq | \neq | \sim | \sim |
| \simeq | \simeq | \approx | \approx |
| \cong | \cong | \equiv | \equiv |
| \ll | \ll | \gg | \gg |
| \doteq | \doteq | \parallel | \parallel |
| \perp | \perp | \in | \in |
| \notin | \notin | \ni | \ni |

| | | | |
|----------------|--------------------------|----------------|---------------------------|
| \subset | <code>\subset</code> | \supseteq | <code>\subsetneq</code> |
| \supset | <code>\supset</code> | \subseteqq | <code>\supseteqq</code> |
| \succ | <code>\succ</code> | \prec | <code>\precq</code> |
| \succcurlyeq | <code>\succceq</code> | \preccurlyeq | <code>\preceq</code> |
| \asymp | <code>\asmp</code> | \sqsubseteq | <code>\sqsubsetneq</code> |
| \sqsupseteq | <code>\sqsupseteq</code> | \models | <code>\models</code> |
| \vdash | <code>\vdash</code> | \dashv | <code>\dashv</code> |
| \smile | <code>\smile</code> | \frown | <code>\frown</code> |
| \mid | <code>\mid</code> | \bowtie | <code>\bowtie</code> |
| \propto | <code>\propto</code> | | |

7. Стрелки.

| | | | |
|------------------|-----------------------------|-----------------------|----------------------------------|
| \rightarrow | <code>\to</code> | \longrightarrow | <code>\longrightarrow</code> |
| \Rightarrow | <code>\Rrightarrow</code> | \Longrightarrow | <code>\Longrightarrow</code> |
| \mapsto | <code>\mapsto</code> | \hookrightarrow | <code>\hookrightarrow</code> |
| \swarrow | <code>\swarrow</code> | \rightleftharpoons | <code>\rightleftharpoons</code> |
| \leftarrow | <code>\leftarrow</code> | \longleftarrow | <code>\longleftarrow</code> |
| \leftarrowtail | <code>\gets</code> | \Longleftarrow | <code>\Longleftarrow</code> |
| \Leftarrow | <code>\Leftarrow</code> | \Longleftarrowtail | <code>\Longleftarrowtail</code> |
| \leftarrowtail | <code>\hookleftarrow</code> | \leftrightarrow | <code>\leftrightarrow</code> |
| \downarrow | <code>\downarrow</code> | \Leftrightarrow | <code>\Leftrightarrow</code> |
| \uparrow | <code>\uparrow</code> | \Longleftrightarrow | <code>\Longleftrightarrow</code> |
| \Updownarrow | <code>\Updownarrow</code> | \longleftrightarrow | <code>\longleftrightarrow</code> |
| \Downarrow | <code>\Downarrow</code> | \updownarrow | <code>\updownarrow</code> |
| \Updownarrow | <code>\Updownarrow</code> | \rightharpoonup | <code>\rightharpoonup</code> |
| \searrow | <code>\searrow</code> | \leftharpoonup | <code>\leftharpoonup</code> |
| \nwarrow | <code>\nwarrow</code> | \leftharpoonondown | <code>\leftharpoonondown</code> |
| \longmapsto | <code>\longmapsto</code> | \rightharpoonup | <code>\rightharpoonup</code> |
| \nearrow | <code>\nearrow</code> | | |

Вертикальные стрелки могут менять свои размеры под действием команд `\left` и `\right`.

8. Операции с пределами и без.

Любую из ниже перечисленных операций можно снабдить верхним и/или нижним индексом.

| | | | |
|-----------|----------------------|-----------|----------------------|
| \log | <code>\log</code> | \lg | <code>\lg</code> |
| \ln | <code>\ln</code> | \arg | <code>\arg</code> |
| \ker | <code>\ker</code> | \dim | <code>\dim</code> |
| \hom | <code>\hom</code> | \deg | <code>\deg</code> |
| \exp | <code>\exp</code> | \sin | <code>\sin</code> |
| \arcsin | <code>\arcsin</code> | \cos | <code>\cos</code> |
| \arccos | <code>\arccos</code> | \tan | <code>\tan</code> |
| \tg | <code>\tg</code> | \arctan | <code>\arctan</code> |

| | | | |
|--------------------|---------------------|-------------------|--------------------|
| <code>arctg</code> | <code>\arctg</code> | <code>cot</code> | <code>\cot</code> |
| <code>sec</code> | <code>\sec</code> | <code>csc</code> | <code>\csc</code> |
| <code>sinh</code> | <code>\sinh</code> | <code>cosh</code> | <code>\cosh</code> |
| <code>tanh</code> | <code>\tanh</code> | <code>ctg</code> | <code>\ctg</code> |

Пример:

Набрано

Нетрудно видеть, что
 $\log_{1/16} 2 = -1/4$,
 а $\sin(\pi/6) = 1/2$.

Получилось

Нетрудно видеть, что
 $\log_{1/16} 2 = -1/4$, а
 $\sin(\pi/6) = 1/2$.

Выясним, как получить формулу

$$\sum_{i=1}^n n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

с дополнительными элементами под и над знаком операции (пределами). В исходной формуле "пределы" обозначаются точно также, как индексы; имея ввиду, что знак суммы генерируется командой `\sum`, получаем, что вышеназванную формулу можно получить так:

```
$$
\sum_{i=1}^n n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}
$$
```

В этом примере существенно, что формула была выключной; во внутритекстовой формуле "пределы" печатаются на тех же местах, что и индексы.

Пример:

Набрано

Тот факт, что
 $\sum_{i=1}^n (2n-1) = n^2$,
 следует из формулы для
 суммы арифметической
 прогрессии.

Получилось

Тот факт, что
 $\sum_{i=1}^n (2n-1) = n^2$,
 следует из формулы
 для суммы арифмети-
 ческой прогрессии.

Вот список операций, ведущих себя так же, как `\sum`:

| | | | |
|--------------|-------------------------|-------------|------------------------|
| \sum | <code>\sum</code> | \prod | <code>\prod</code> |
| \bigcup | <code>\bigcup</code> | \bigcap | <code>\bigcap</code> |
| \coprod | <code>\coprod</code> | \bigoplus | <code>\bigoplus</code> |
| \bigotimes | <code>\bigotimes</code> | \bigodot | <code>\bigodot</code> |
| \bigvee | <code>\bigvee</code> | \bigwedge | <code>\bigwedge</code> |
| \biguplus | <code>\biguplus</code> | \bigsqcup | <code>\bigsqcup</code> |
| \lim | <code>\lim</code> | \limsup | <code>\limsup</code> |
| \liminf | <code>\liminf</code> | \max | <code>\max</code> |
| \min | <code>\min</code> | \sup | <code>\sup</code> |
| \inf | <code>\inf</code> | \det | <code>\det</code> |

| <code>Pr</code> | <code>\Pr</code> | <code>gcd</code> | <code>\gcd</code> |
|--|------------------|--|-------------------|
| Пример: Набрано \$\$\lim_{x \rightarrow 2} 1/x = 1/2 \$\$ | | Получилось $\lim_{x \rightarrow 2} 1/x = 1/2$ | |

Еще одна "математическая операция", для которой требуются "пределы", – это интеграл. В L^AT_EX'е есть команды `\int` для обычного знака интеграла \int и `\oint` для знака "контурного интеграла" \oint . При этом пределы интегрирования помещаются не сверху и снизу от знака интеграла, а по бокам (даже и в выключных формулах).

| Пример: Набрано \$\$\int_0^1 x^2 dx = 1/3 \$\$ | Получилось $\int_0^1 x^2 dx = 1/3$ |
|---|---------------------------------------|
|---|---------------------------------------|

Если надо, чтобы "пределы" у какого-либо оператора стояли не над и под знаком оператора, а сбоку, то после команды для знака оператора надо записать команду `\nolimits`, а уже после нее – обозначения для "пределов".

Если же, напротив, необходимо, чтобы пределы интегрирования стояли над и под знаком интеграла, то надо непосредственно после `\int` записать команду `\limits`, а уже после нее обозначения для пределов интегрирования.

| Пример: Набрано \$\$\int\limits_0^1 x^2 dx = 1/3 \$\$ | Получилось $\int_0^1 x^2 dx = 1/3$ |
|--|---------------------------------------|
|--|---------------------------------------|

Тот же прием с командой `\limits` можно применить, если хочется, чтобы во внутритекстовой формуле "пределы" у оператора стояли над и под ним, а не сбоку.

9. Спецзнаки.

∂ `\partial` \triangle `\triangle`

| | | | |
|----------------|---------------------------|------------------------|-------------------------|
| \angle | <code>\angle</code> | ∞ | <code>\infty</code> |
| \forall | <code>\forall</code> | \exists | <code>\exists</code> |
| \emptyset | <code>\emptyset</code> | \neg | <code>\neg</code> |
| \aleph | <code>\aleph</code> | $'$ | <code>\prime</code> |
| \hbar | <code>\hbar</code> | ∇ | <code>\nabla</code> |
| i | <code>\imath</code> | j | <code>\jmath</code> |
| ℓ | <code>\ell</code> | $\sqrt{}$ | <code>\surd</code> |
| b | <code>\flat</code> | \sharp | <code>\sharp</code> |
| \natural | <code>\natural</code> | \top | <code>\top</code> |
| \bot | <code>\bot</code> | \wp | <code>\wp</code> |
| \Re | <code>\Re</code> | \Im | <code>\Im</code> |
| \spadesuit | <code>\spadesuit</code> | \clubsuit | <code>\clubsuit</code> |
| \diamondsuit | <code>\diamondsuit</code> | \heartsuit | <code>\heartsuit</code> |
| \dag | <code>\dag</code> | \S | <code>\S</code> |
| \circledC | <code>\copyright</code> | \ddag | <code>\ddag</code> |
| \P | <code>\P</code> | \textsterling | <code>\pounds</code> |

10. Корни.

Квадратный корень набирается с помощью команды `\sqrt`, обязательным аргументом которой является подкоренное выражение (записывается в фигурных скобках); корень произвольной степени набирается с помощью той же команды `\sqrt` с необязательным аргументом (записывается в квадратных скобках перед обязательным) – показателем корня.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|--|--|
| По общепринятым соглашениям, \$ <code>\sqrt[3]{x^3}=x\$</code> , но \$ <code>\sqrt{x^2}= x </code> \$. | По общепринятым соглашениям, $\sqrt[3]{x^3} = x$, но $\sqrt{x^2} = x $. |

11. Штрихи и многоточия.

Штрихи в математических формулах обозначаются знаком ‘ и не оформляются как верхние индексы.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|--|---|
| Согласно формуле Лейбница, \$\$ (fg)''=f''g+2f'g'+fg'', \$\$ | Согласно формуле Лейбница, $(fg)'' = f''g + 2f'g' + fg''$ |

В математических формулах встречаются многоточия; L^AT_EX различает многоточие расположенное внизу строки (обозначается `\ldots`), и

расположенное по центру строки (`\cdots`).

Пример:

| <i>Набрано</i> | <i>Получилось</i> |
|---|--|
| <pre>В детстве К.-Ф. Гаусс придумал, как быстро найти сумму \$\$ 1+2+\cdots+100=5050; \$\$ это случилось, когда школьный учитель задал классу найти сумму чисел \$1,2,\ldots 100\$.</pre> | <pre>В детстве К.-Ф. Гаусс придумал, как быстро найти сумму \$\$ 1 + 2 + \cdots + 100 = 5050; \$\$ это случилось, когда школьный учитель задал классу найти сумму чисел 1, 2, ... 100.</pre> |

12. Надстрочные знаки.

Над любым фрагментом формулы можно поставить горизонтальную черту. Для этого используется команда `\overline`.

Пример:

| <i>Набрано</i> | <i>Получилось</i> |
|---|---|
| <pre>Часто используется обозначение \$\$ \overline{a_n a_{n-1} \dots a_0} = 10^n a_n + \dots + a_0 a_{\{n-1}\} \ldots a_0\}= 10^na_n+\cdots+a_0 \$\$ Особенно часто так пишут в научно-популярных книгах.</pre> | <pre>Часто используется обозначение $\overline{a_n a_{n-1} \dots a_0} = 10^n a_n + \dots + a_0$ Особенно часто так пишут в научно-популярных книгах.</pre> |

13. Пробелы вручную.

Бывают случаи, когда промежутки между словами в формулах, выбранные \LaTeX 'ом автоматически, выглядят неудачно. В этом случае в формулу можно включить команды, задающие промежутки в явном виде. Вот основные из них:

| | |
|-------------------------|------------------|
| <code>\quad</code> | Пробел в 1 em |
| <code>\quad\quad</code> | Пробел в 2 em |
| <code>\,</code> | "Тонкий пробел" |
| <code>\colon</code> | "Средний пробел" |

| | |
|----|-------------------------------|
| \; | "Толстый пробел" |
| \! | "Отрицательный тонкий пробел" |

Команда \! из этой таблицы уменьшает промежуток на столько же, на сколько команда \, его увеличивает.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|---|---|
| Пробелы надо корректировать в таких формулах, как $\int f(x) dx$, $\int \! \int f dxdy$ или $\sqrt{3} x$. | Пробелы надо корректировать в таких формулах, как $\int f(x) dx$, $\int \! \int f dxdy$ или $\sqrt{3} x$. |

14. Горизонтальные фигурные скобки.

Чтобы нарисовать горизонтальную фигурную скобку под выражением (а под этой скобкой еще, возможно, и сделать подпись), надо воспользоваться командой \underbrace. Аргумент этой команды – тот фрагмент формулы, под которым надо провести скобку; подпись под скобкой, если она нужна, оформляется как нижний индекс.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|---|--|
| $\$ \$$ $\underbrace{1+3+5+\cdots+2n-1}_{\text{слагаемых}}_n = n^2$ $\$ \$$ | $\underbrace{1 + 3 + 5 + \cdots + 2n - 1}_n = n^2$ |

Горизонтальная фигурная скобка над фрагментом формулы генерируется командой \overbrace, надпись над ней оформляется как верхний индекс. В одной формуле могут присутствовать горизонтальные фигурные скобки как над, так и под фрагментом формулы.

Пример:

| Набрано | Получилось |
|---|--|
| $\$ \$$ $\overbrace{\underbrace{a+b+\cdots+z}_{26}+1+\cdots+10}^{36}$ $\$ \$$ | $\overbrace{a + b + \cdots + z}_{26}^{36} + 1 + \cdots + 10$ |

15. Матрицы и системы.

Набор матрицы начинается командой \begin{array}. После \begin{array} должна следовать в фигурных скобках так называемая

преамбула матрицы, описывающая сколько столбцов будет у матрицы и как они будут выровнены. В преамбуле могут быть использованы следующие буквы: `c` – знак того, что содержимое столбца будет расположено по его центру, `l` – знак того, что столбец будет выровнен по левому краю, и `r` – знак того, что столбец будет выровнен по правому краю. Например, `ccl` в преамбуле означает, что в матрице будет три столбца, причем, содержимое первых двух столбцов будет расположено по центру столбца, а третий столбец будет выровнен по левому краю. Заканчивается набор матрицы командой `\end{array}`. Строки матрицы разделяются с помощью команды `\backslash` (последнюю строку заканчивать данной командой не надо), а элементы внутри одной строки, относящиеся к разным столбцам, отделяются друг от друга с помощью символа `&`. Если нужно, чтобы матрица была записана в скобках, то перед командой `\begin{array}` необходимо записать `\left(`, а после `\end{array} – \right)`. Например,

| Набрано | Получилось |
|---|------------|
| <pre>\$\$ \left \begin{array}{cccc} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{array} \right & \begin{array}{cccc} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{array} \\ \left \begin{array}{l} \left. \begin{array}{l} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{array} \right \\ \left. \begin{array}{l} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{array} \right \end{array} \right \right </pre> | |

Набор систем осуществляется аналогично. Например,

| Набрано | Получилось |
|--|------------|
| <pre>\$\$ \left\{ \begin{array}{rl} x^2 + y^2 & = 7 \\ x + y & = 3. \end{array} \right. & \left\{ \begin{array}{rl} x^2 + y^2 & = 7 \\ x + y & = 3. \end{array} \right. </pre> | |

В данном случае мы отвели по одному столбцу на левую часть каждого уравнения, на знак равенства и на правую часть.

16. Переносы в выключочных формулах.

Переносы в выключочных формула \LaTeX автоматически не делает, поэтому при необходимости их нужно делать вручную. Для этого можно использовать окружение `array`. В самом деле, всякую формулу из нескольких строк можно рассматривать как матрицу с одним столбцом.

Пример:

Набрано

```
$$
\begin{array}{l}
e^x=1+x+\frac{x^2}{2!} \\
\qquad+\frac{x^3}{3!}+\cdots
\end{array}
$$
```

Получилось

$$e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \cdots$$

Команда `\qquad` делает в тексте или формуле отступ длины 2em. Если бы этой команды не было, то части формулы на двух строках начинались бы точно одна под другой, что менее понятно и считается неграмотным набором.

Знак `{}` перед знаком "плюс" в 3-й строке сделан затем, чтобы \LaTeX сделал правильный интервал между плюсом и $\frac{x^3}{3!}$: скобки `{}` ограничивают "пустую подформулу", первый из плюсов во второй строке оказывается между двумя формулами, что и приводит к пробелу надлежащего размера.

17. Нумерация формул. Ссылки на формулы

Для того, чтобы организовать автоматическую нумерацию выключочных формул и ссылки на них, нужно оформить формулу как окружение `equation` (знаков `$$` быть не должно). Каждая такая формула на печати автоматически получит номер.

Пример:

Набрано

```
Первая формула:
\begin{equation}
\begin{array}{l}
e^x=1+x+\frac{x^2}{2!} \\
\qquad+\frac{x^3}{3!}+\cdots
\end{array}
\end{equation}
```

Получилось

Первая формула:

$$e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \cdots \quad (1)$$

Вторая формула:
\begin{equation}
e^{\log x} = x
\end{equation}

Вторая формула:

Чтобы на формулу можно было ссылаться, ее нужно пометить: в любом месте между `\begin{equation}` и `\end{equation}` поставить команду `\label` (эта команда имеет обязательный аргумент – "метку", в качестве которой можно использовать любую последовательность букв, цифр и знаков препинания, не содержащую пробелов, фигурных скобок и символов `\~` или `\``), и после этого команда `\ref` будет генерировать номер формулы, а команда `\pageref` (вместо `\ref`) – номер страницы, на которую попала эта формула.

Пример:

Набрано

Получилось

```
\begin{equation} \label{e}
e^{\log x} = x
\end{equation}
```

Из формулы ([\ref{e}](#))
следует, что $e^{\log 5}=5$

$$e^{\log x} = x \quad (3)$$

Кроме того, можно проставлять номера формул вручную. Чтобы номер выглядел при этом красиво, удобно воспользоваться командой \eqno, при этом выключная формула должна быть оформлена с помощью знаков \$\$. Но автоматических ссылок на таким образом пронумерованную формулу организовать нельзя.

Пример:

Набрано

Получилось

Тождество

Тождество

\$\$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1 \quad (*)$$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1 \quad \text{eqno(*)}$$

\$\$

известно каждому школьнику.

Если необходимо, чтобы номер формулы был не справа, а слева, то можно воспользоваться командой \leqno

Пример:

Набрано

Получилось

Тождество

Тождество

\$\$

$$(4) \quad 2 \sin x \cos x = \sin(2x),$$

$$2\sin x \cos x = \sin(2x), \quad \text{leqno}(4)$$

\$\$

также известно каждому школьнику.

ЗАДАНИЯ ПО LATEХу

Наберите следующие математические тексты установив стиль документа article, размер шрифта 11 pt, размер бумаги a4, ширину левого поля 3 см (включая и автоматически пропускаемое пространство), номе-ра страниц должны быть простоянены вверху каждого листа.

1 Интегрирование по частям в определенном интеграле

Пусть $u = u(x)$ и $v = v(x)$ непрерывно дифференцируемые функции на отрезке $[a, b]$. Имеем

$$d[u(x)v(x)] = v(x)du(x) + u(x)dv(x).$$

Интегрируя это равенство в пределах от a до b и учитывая, что

$$du(x) = u'(x)dx \quad dv(x) = v'(x)dx,$$

находим

$$u(x)v(x) \Big|_a^b = \int_a^b v(x)u'(x)dx + \int_a^b u(x)v'(x)dx.$$

Отсюда получаем *интегрирования по частям в определенном интеграле*

$$\int_a^b u(x)v'(x)dx = u(b)v(b) - u(a)v(a) - \int_a^b v(x)u'(x)dx. \quad (1)$$

Для краткости употребляется обозначение

$$u(b)v(b) - u(a)v(a) = u(x)v(x) \Big|_a^b.$$

Пример. Найти

$$\int_0^{2\pi} x \cos x dx$$

Полагая

$$u = x, \quad dv = \cos x dx = d(\sin x),$$

получим

$$du = dx, \quad v = \sin x.$$

Применяя формулу (1), будем иметь

$$\begin{aligned} \int_0^{2\pi} x \cos x dx &= x \sin x \Big|_0^{2\pi} - \int_0^{2\pi} \sin x dx = 2\pi \sin 2\pi - 0 \cdot \sin 0 + \cos x \Big|_0^{2\pi} = \\ &= \cos 2\pi - \cos 0 = 0. \end{aligned}$$

2 Арифметические операции над комплексными числами

Как известно, под *комплексным числом* понимается выражение вида

$$z = x + iy \equiv x + yi, \quad (2)$$

где x и y – действительные числа, а i – мнимая единица. Числа вида $x + i0 = x$ отождествляются с действительными числами; в частности, $0 + i0 = 0$. Числа вида $0 + iy = iy$ называются *чисто мнимыми*. Действительные числа x и y называются соответственно *действительной* и *мнимой* частями числа z и обозначаются следующим образом:

$$x = \operatorname{Re} z, \quad y = \operatorname{Im} z. \quad (3)$$

Под *модулем* комплексного числа z понимается неотрицательное число

$$|z| = |(\operatorname{Re} z)^2 + (\operatorname{Im} z)^2|^{\frac{1}{2}} = \sqrt{x^2 + y^2} \geq 0. \quad (4)$$

Сопряженным числом \bar{z} к числу (2) называется комплексное число

$$\bar{z} = x + i(-y) \equiv x - iy. \quad (5)$$

Таким образом,

$$\operatorname{Re} \bar{z} = \operatorname{Re} z, \quad \operatorname{Im} \bar{z} = -\operatorname{Im} z \quad (6)$$

и

$$|\bar{z}| = |z|. \quad (7)$$

На множестве комплексных чисел следующим образом определено отношение равенства двух чисел, а также операции сложения, вычитания, умножения и деления.

I. Пусть $z_1 = x_1 + iy_1$ и $z_2 = x_2 + iy_2$. Тогда

$$z_1 = z_2 \Leftrightarrow \operatorname{Re} z_1 = \operatorname{Re} z_2, \quad \operatorname{Im} z_1 = \operatorname{Im} z_2.$$

В частности, $z = 0 \Leftrightarrow \operatorname{Re} z = 0, \operatorname{Im} z = 0$.

II. $z_1 \pm z_2 = (x_1 \pm x_2) + i(y_1 \pm y_2)$. Отсюда следует, что

$$\operatorname{Re} z_1 \pm z_2 = \operatorname{Re} z_1 \pm \operatorname{Re} z_2$$

и

$$\operatorname{Im} z_1 \pm z_2 = \operatorname{Im} z_1 \pm \operatorname{Im} z_2.$$

III. $z_1 z_2 = (x_1 x_2 - y_1 y_2) + i(x_1 y_2 + x_2 y_1)$. Отсюда, в частности, получаем важное соотношение

$$i^2 = (0 + i1)(0 + i1) = (0 - 1) + i(0 + 0) = -1. \quad (8)$$

Заметим, что правило умножения III получается формально путем умножения двучленов $x_1 + iy_1$ и $x_2 + iy_2$ с учетом (8). Очевидно также, что для $z = x + iy$ и $\bar{z} = xiy$ имеем:

$$z\bar{z} = |z|^2 = x^2 + y^2.$$

$$\text{IV. } \frac{z_1}{z_2} = \frac{z_1 \bar{z}_2}{z_2 \bar{z}_2} = \frac{(x_1 x_2 + y_1 y_2) + i(x_2 y_1 - x_1 y_2)}{x_2^2 + y_2^2}$$

$(z_2 \neq 0)$.

Легко проверить следующие свойства:

- 1) $\overline{(\bar{z})} = z;$
- 2) $\overline{z_1 \pm z_2} = \bar{z}_1 \pm \bar{z}_2;$
- 3) $\overline{z_1 z_2} = \bar{z}_1 \bar{z}_2;$
- 4) $\overline{\left(\frac{z_1}{z_2}\right)} = \frac{\bar{z}_1}{\bar{z}_2} \quad (z_2 \neq 0);$
- 5) $\operatorname{Re} z = \frac{z + \bar{z}}{2}, \quad \operatorname{Im} z = \frac{z - \bar{z}}{2i}.$

3 Система двух однородных уравнений с тремя неизвестными

Рассмотрим однородную систему

$$\begin{cases} a_1 x + b_1 y + c_1 z = 0, \\ a_2 x + b_2 y + c_2 z = 0. \end{cases} \quad (9)$$

Эта система всегда совместна, так как, очевидно, имеет нулевое решение $x = 0, y = 0, z = 0$. Однако интересно найти ненулевые решения

(x, y, z) системы (9). Пусть, например, $z \neq 0$. Тогда систему (9) можно переписать в виде

$$\begin{cases} a_1 \frac{x}{z} + b_1 \frac{y}{z} = -c_1, \\ a_2 \frac{x}{z} + b_2 \frac{y}{z} = -c_2. \end{cases} \quad (10)$$

Отсюда, предполагая, что

$$D = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix} \neq 0,$$

получаем

$$\frac{x}{z} = \frac{1}{D} \begin{vmatrix} -c_1 & b_1 \\ -c_2 & b_2 \end{vmatrix} = \frac{1}{D} \begin{vmatrix} b_1 & c_1 \\ b_2 & c_2 \end{vmatrix}, \quad (11)$$

$$\frac{y}{z} = \frac{1}{D} \begin{vmatrix} a_1 & -c_1 \\ a_2 & -c_2 \end{vmatrix} = -\frac{1}{D} \begin{vmatrix} a_1 & c_1 \\ a_2 & c_2 \end{vmatrix}. \quad (12)$$

Введем в рассмотрение *матрицу коэффициентов* системы (9)

$$\begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \end{vmatrix}. \quad (13)$$

Определители второго порядка D_1 , D_2 и D_3 , которые получаются из матрицы (13) путем вычеркивания соответствующего столбца, называются ее *минорами*. Таким образом имеем

$$D_1 = \begin{vmatrix} b_1 & c_1 \\ b_2 & c_2 \end{vmatrix}, \quad D_2 = \begin{vmatrix} a_1 & c_1 \\ a_2 & c_2 \end{vmatrix}, \quad D_3 = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix} = D.$$

Используя эти обозначения, уравнения (11) и (12) можно переписать в следующем виде:

$$\frac{x}{z} = \frac{D_1}{D_3}, \quad \frac{y}{z} = -\frac{D_2}{D_3}.$$

Отсюда получаем

$$\frac{x}{D_1} = \frac{y}{-D_2} = \frac{z}{D_3}. \quad (14)$$

Равенства (14), очевидно, справедливы также и для нулевого решения. Таким образом имеем следующее правило: *неизвестные однородной системы (9) пропорциональны соответствующим минорам ее матрицы коэффициентов, взятым с надлежащими знаками*.

Обозначая через t коэффициент пропорциональности для отношений (14), получим полную систему решений системы (9):

$$x = D_1 t, \quad y = -D_2 t, \quad z = D_3 t \quad (-\infty < t < +\infty). \quad (15)$$

При выводе формул (15) мы предполагали, что $D = D_3 \neq 0$. Однако, как легко убедиться, формулы (15) будут справедливы, если любой (хотя бы один) из миноров D_1, D_2, D_3 отличен от нуля.

4 Некоторые элементарные свойства числовых рядов

Теорема 1 *Сходимость ряда*

$$\sum_{n=1}^{\infty} u_n$$

не нарушается, если все члены его умножить на одно и то же число k отличное от нуля, причем для сумм этих рядов выполнено равенство

$$\sum_{n=1}^{\infty} k u_n = k \sum_{n=1}^{\infty} u_n.$$

Доказательство этой теоремы непосредственно вытекает из перехода к пределу при $N \rightarrow \infty$ в равенстве

$$\sum_{n=1}^{\infty} k u_n = k \sum_{n=1}^{\infty} u_n.$$

Под *суммой (разностью) двух рядов*

$$\sum_{n=1}^{\infty} u_n \quad \sum_{n=1}^{\infty} v_n$$

понимается соответственно ряд вида

$$\sum_{n=1}^{\infty} (u_n \pm v_n).$$

Теорема 2 Сумма (разность) двух сходящихся рядов есть ряд сходящийся, причем

$$\sum_{n=1}^{\infty} (u_n \pm v_n) = \sum_{n=1}^{\infty} u_n \pm \sum_{n=1}^{\infty} v_n. \quad (16)$$

Действительно, так как

$$\sum_{n=1}^{\infty} (u_n \pm v_n) = \sum_{n=1}^{\infty} u_n \pm \sum_{n=1}^{\infty} v_n$$

для любого конечного N , то при $N \rightarrow \infty$ в пределе получим равенство (16).

5 Сходимость гармонического ряда

Рассмотрим гармонический ряд

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{7} + \frac{1}{8} + \cdots + \frac{1}{n} + \dots \quad (17)$$

Общий член этого ряда

$$u_n = \frac{1}{n}$$

стремится к нулю при неограниченном возрастании n . Тем не менее покажем, что ряд (17) расходится. Для этого возьмем сумму 2^m первых членов рядов (17) и сгруппируем эти члены следующим образом:

$$\begin{aligned} S_{2^m} &= 1 + \frac{1}{2} + \underbrace{\left(\frac{1}{3} + \frac{1}{4} \right)}_{2 \text{ члена}} + \underbrace{\left(\frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{7} + \frac{1}{8} \right)}_{2^2 \text{ члена}} + \\ &+ \underbrace{\left(\frac{1}{9} + \frac{1}{10} + \frac{1}{11} + \frac{1}{12} + \frac{1}{13} + \frac{1}{14} + \frac{1}{15} + \frac{1}{16} \right)}_{2^3 \text{ членов}} + \cdots + \\ &+ \underbrace{\left(\frac{1}{2^{m-1}+1} + \frac{1}{2^{m-1}+2} + \cdots + \frac{1}{2^m} \right)}_{2^{m-1} \text{ членов}}. \end{aligned}$$

Легко видеть, что

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{4} > \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2},$$

$$\begin{aligned}
& \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{7} + \frac{1}{8} > \frac{1}{8} + \frac{1}{8} + \frac{1}{8} + \frac{1}{8} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}, \\
& \frac{1}{9} + \frac{1}{10} + \frac{1}{11} + \frac{1}{12} + \frac{1}{13} + \frac{1}{14} + \frac{1}{15} + \frac{1}{16} > \\
& > \frac{1}{16} + \frac{1}{16} = \frac{8}{16} = \frac{1}{2} \\
& \cdots \cdots \cdots \\
& \frac{1}{2^{m-1}+1} + \frac{1}{2^{m-1}+2} + \cdots + \frac{1}{2^m} > \underbrace{\frac{1}{2^m} + \frac{1}{2^m} + \cdots + \frac{1}{2^m}}_{2^{m-1} \text{ членов}} = \\
& = \frac{2^{m-1}}{2^m} = \frac{1}{2}.
\end{aligned}$$

Таким образом, сумма членов, стоящих в каждой скобке, больше $\frac{1}{2}$. Так как общее число скобок, не считая двух первых членов, очевидно, равно $m - 1$, то

$$S_{2^m} > 1 + \frac{m}{2}$$

Если число членов $n = 2^m$ в сумме S_{2^m} возрастает неограниченно, то и показатель m также возрастает неограниченно. Поэтому S_{2^m} стремится к бесконечности и, следовательно, гармонический ряд (17) расходится.

6 Зависимость между непрерывностью и дифференцируемостью функции

Функция

$$y = f(x) \tag{18}$$

называется *непрерывной в точке* x , если в этой точке

$$\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \Delta y = 0.$$

Функция (18) называется *дифференцируемой в точке* x , если в этой точке она имеет производную, т.е. если существует конечный предел:

$$\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = y'. \tag{19}$$

Между этими основными понятиями математического анализа имеется простая связь.

Теорема 3 Если функции дифференцируемы в некоторой точке, то в этой точке функция непрерывна. Обратное утверждение неверно: непрерывная функция может не иметь производной.

Доказательство. Пусть функция $y = f(x)$ дифференцируема в точке x , т.е. для этой функции выполнено равенство (19). Напишем тождество

$$\Delta y = \frac{\Delta y}{\Delta x} \cdot \Delta x \quad (\Delta x \neq 0).$$

Отсюда

$$\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \Delta y = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} \cdot \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \Delta x = y' \cdot 0 = 0.$$

Следовательно, функция $y = f(x)$ непрерывна в точке x .

Следствие 1 Если функция разрывна в некоторой точке, то она не имеет производной в этой точке.

Пример непрерывной функции, не имеющей производной в одной точке, представляет функция

$$y = |x|$$

(рис. 1). Эта функция непрерывна при $x = 0$, но не является дифференцируемой для этого значения, так как в точке $x = 0$ графика функции не существует касательной.

Математикам удалось построить примеры непрерывных функций, недифференцируемых ни в одной точке (Вейерштрасс и др.).

Литература

- [1] Котельников, И.А. \LaTeX по-русски / И.А. Котельников, П.З Чеботаев. - Новосибирск: Сибирский хронограф, 2004.
- [2] Кнут, Д.Е. Все про \TeX / Д.Е. Кнут. - Протвино: Изд-во АО RD-TEX, 1993.
- [3] Гуссенс, М. Путеводитель по пакету \LaTeX и его расширению $\text{\LaTeX}2\epsilon$ / Гуссенс М., Миттельбах Ф., Самарин А. - М.: Мир, 1999.
- [4] Львовский, С.М. Набор и верстка в пакете \LaTeX / С.М. Львовский. - М.: МЦНМО, 2003.

ОГЛАВЛЕНИЕ

| | |
|---|----|
| Введение | 3 |
| Набор текста в LaTeX 2ε..... | 4 |
| 1. Исходный файл и этапы его преобразования | 4 |
| 2. Спецсимволы..... | 5 |
| 3. Команды и их задание в тексте | 5 |
| 4. Структура исходного документа..... | 5 |
| 5. Группы | 8 |
| 6. Центрирование | 8 |
| 7. Шрифты | 9 |
| 8. Форматирование абзацев | 10 |
| 9. Создание таблиц..... | 10 |
| 10. Работа с графикой | 12 |
| 11. Разделы документа | 13 |
| 12. Теоремы и теоремоподобные структуры | 14 |
| Набор формул в LaTeX 2ε..... | 16 |
| 1. Степени и индексы | 16 |
| 2. Дроби..... | 16 |
| 3. Скобки и ограничители | 17 |
| 4. Греческие буквы | 18 |
| 5. Символы бинарных операций | 19 |
| 6. Символы бинарных отношений | 19 |
| 7. Стрелки | 20 |
| 8. Операции с пределами и без..... | 20 |
| 9. Спецзнаки | 22 |
| 10. Корни..... | 23 |
| 11. Штрихи и многоточия | 23 |
| 12. Надстрочные знаки | 24 |
| 13. Пробелы вручную | 24 |

| | |
|---|-----------|
| 14. Горизонтальные фигурные скобки | 25 |
| 15. Матрицы и системы..... | 25 |
| 16. Переносы в выключных формулах | 27 |
| 17. Нумерация формул. Ссылки на формулы | 27 |
| Задания по LaTeX..... | 29 |
| Библиографический список..... | 41 |

**Давлетярова Елена Петровна
Шутов Антон Владимирович
Медведев Юрий Алексеевич**

Издательская система LaTeX

(практикум по курсу «Информационные технологии в математике»)

Редактор – Рябова И. П.

Компьютерный набор – Шутов А.В., Давлетярова Е.П.

План университета 2009

Позиция 40

Подписано в печать 19.05.2009

Формат 84x108 1/32

Усл. п. л. – 2,8

Уч.-изд. л. – 2,9

Заказ 40-09

Тираж 50 экз.

Отпечатано в отделе оперативной полиграфии ВГГУ

600024, г. Владимир, ул. Университетская, 2, тел. 33-87-40